李平恩,廖力,奉建州. 2021. 汶川地震失稳机制的数值模拟研究. 地球物理学报,64(10):3466-3477,doi:10.6038/cjg2021P0517. Li P E, Liao L, Feng J Z. 2021. Numerical simulation study of instability mechanism of the 2008 Wenchuan earthquake. *Chinese J. Geophys.* (in Chinese),64(10):3466-3477,doi:10.6038/cjg2021P0517.

汶川地震失稳机制的数值模拟研究

李平恩1,2,廖力1,2,奉建州1,2

1 中国地震局地球物理研究所,北京 100081
 2 北京白家疃国家地球科学野外科学观测研究站,北京 100095

摘要 考虑断层的软化特性,建立垂直于龙门山断裂带并包含四川盆地和川西高原在内的汶川地震不稳定性地震 力学模型.采用有限元方法计算得到了描述整个岩石力学系统稳定性状态和过程的平衡路径曲线.在此基础上,采 用稳定性理论研究了汶川地震从孕育到发生的过程,讨论了断层倾角和断层材料参数对地震失稳的影响.数值模 拟结果显示,系统只存在稳定的断层无震滑动和不稳定的地震失稳 2 种状态.断层倾角、初始内摩擦系数、初始黏 聚力和强度曲线形状参数的增加会导致系统趋向不稳定的地震失稳状态.而强度曲线胖度参数的增加有助于系统 进入稳定的断层缓慢无震滑动状态.地震失稳前,在平衡路径曲线的应力峰值点和失稳点之间,断层错动加速,应 变能开始释放并且应力开始减小,是失稳的前兆.最后在失稳点发生应力突跳,地震发生,其间伴随应变能的急剧 释放,应力降和断层突然错动.无论是稳定的断层无震滑动还是不稳定的地震失稳,系统重新进入应力和应变能的急剧 释放,应力降和断层突然错动.无论是稳定的断层无震滑动还是不稳定的地震失稳,系统重新进入应力和应变能的急剧 后,应力和应变能的增速由远场加载速度、岩石力学系统的结构和围岩材料属性决定,与断层软化特性参数无关. **关键词** 汶川地震;失稳机制;断层软化特性;平衡路径曲线;有限元 doi:10.6038/cjg2021P0517 **中图分类号** P315 **收稿日期** 2021-07-22, 2021-09-13 收修定稿

Numerical simulation study of instability mechanism of the 2008 Wenchuan earthquake

LI PingEn^{1,2}, LIAO Li^{1,2}, FENG JianZhou^{1,2}

1 Institute of Geophysics, China Earthquake Administration, Beijing 100081, China

2 Beijing Baijiatuan Earth Sciences National Observation and Research Station, Beijing 100095, China

Abstract Considering the softening characteristics of faults, a plane earthquake mechanics model of the Wenchuan earthquake instability is established, which perpendicular to the Longmenshan fault zone and includes the Sichuan Basin and the Western Sichuan Plateau. The equilibrium path curve describing the stability state and process of the whole rock mechanics system is obtained by using the finite element method. Then the process of the Wenchuan earthquake from preparation to occurrence is studied by using stability theory, and the influence of fault dip and fault material parameters on earthquake instability is discussed. The results show that the system has only two states: stable fault aseismic sliding and unstable earthquake instability. The increase of fault dip, initial internal friction coefficient, initial cohesion and shape parameters of the strength curve will lead to the instability of the system. The increase of the fatness parameter of the strength curve is helpful for the system to enter a stable state of slow and aseismic sliding of faults. Before an earthquake instability, between the peak stress point and the instability point of the equilibrium path curve, the fault dislocation accelerates, the strain energy begins to release and the stress

基金项目 国家自然科学基金项目(41674105),中国地震局地球物理研究所基本科研业务费专项(DQJB19B27,DQJB19A0123,DQJB21X25, DQJB20X09)共同资助.

begins to decrease, which is the precursor of the instability. Finally, a sudden stress jump occurs at the instability point and an earthquake occurs, with the rapid release of strain energy, stress drop and sudden fault dislocation. Whether it is stable fault aseismic sliding or unstable earthquake instability, after the system re-enters the state of stress and strain energy increasing, the growth rate of stress and strain energy is determined by far field loading rate, the structure of rock mechanics system and the properties of surrounding rock material, and is independent of the fault softening characteristic parameters.

Keywords Wenchuan earthquake; Instability mechanism; Softening characteristics of faults; Equilibrium path curve; Finite element method

0 引言

强烈地震是一种严重的自然灾害,给生命财产 造成巨大损失. 地震学家很早就认识到,大陆构造地 震是断层和围岩系统在构造作用下的一种力学失稳 过程(Nur, 1978; Rice, 1979; Stuart, 1979a),其中, 断层的软化特性是造成地震失稳的最重要原因(殷 有泉和张宏,1984; Reches and Lockner, 2010). 研 究断层地震的孕育发生过程必须考虑包含断层和围 岩在内的整个岩石力学系统. Stuart(1979a)首先提 出用准静态力学方法研究地震不稳定性,并通过建 立一个考虑应变软化不稳定性的平面理论模型研究 了 1971 年美国加州 San Fernando 6.4 级逆冲地震 (Stuart, 1979b),计算得到的震前和震后的地表抬 升量与观测资料吻合较好.在研究中,断层软化本构 规律可采用在峰值应力后的应变软化或应变率软化 形式,以及应力-滑动或应力-滑动率的摩擦规律来 表示(Stuart and Mavko, 1979; Rice, 1983). 考虑 到 Stuart(1979b)提出的应变软化本构方程与空间 坐标有关,不符合本构性质的客观性原理,在理论上 有瑕疵. 殷有泉和张宏(1982,1984)建立了严谨的应 变软化的断层面本构关系,用间断面单元模拟断层, 在此基础上给出了地震非稳定模型的一般数学表 述,并从理论上指出地震失稳发生在峰值应力之后. 当断层本构关系的软化行为采用理想化的速率无关 的滑移弱化或速率状态相关的摩擦关系进行描述 时,地震失稳的位移应力曲线(Rudnicki,1988)形态 与殷有泉和张宏(1984)的结果完全一致.这从理论 上进一步肯定了断层本构的软化特性是导致地震失 稳的必要条件,它与本构关系的具体描述形式无关. 最近,李平恩和殷有泉(2009,2014)采用稳定性理论 进一步讨论了直立走滑型和倾斜逆冲型断层地震的 失稳机制,其中断层软化本构关系采用理论推导的 负指数形式的软化模式,它假设断层局部微元强度 遵循 Weibull 概率分布,采用统计力学方法推导得 到宏观本构关系.研究表明,当围岩切线刚度小于断 层峰后软化阶段切线刚度绝对值的最大值时,整个 系统的切线刚度为负,会发生地震失稳,且伴随应力 突跳和围岩应变能释放,其余情况仅仅是断层无震 滑动,不会发生地震.

以上理论模型均为单自由度问题,接近实际情况的地震模型都是多自由度的,需要采用数值方法进行模拟研究.王连捷等(2009,2011)将围岩看作弹性体,断层看成具有应变软化特性的弹塑性体,断层和围岩组成统一的地质介质系统,采用有限差分FLAC-3D软件分别模拟了汶川 M_s8.0 地震以及玉树 M_s7.1 地震的发震过程,计算了应力降、能量释放量、断层错动量、同震位移、震前位移、地震复发周期等重要参数,结果与野外调查资料具有较好的一致性.由于问题的复杂性,研究中所建立的数值模型均是高度简化和概念性的.

2008年5月12日汶川 Ms8.0 地震发生在青藏 高原东缘的龙门山断裂带上,其发震动力学机制引 起广泛关注. 龙门山断裂带在汶川地震前并没有 7.0 级以上地震记录(邓起东等,2011; Ran et al., 2013). 震前 GPS 观测和地震地质研究结果都表明 龙门山断裂带自晚更新世以来具有比较弱的活动性 (Gan et al., 2007),横跨整个断裂带的滑动速率不 超过2 mm • a⁻¹,单条断裂的滑动速率只有不到 1 mm • a⁻¹(张培震等, 2008). 汶川震后,科学家从 构造变形和地震地质、数值模拟等不同角度对汶川 地震的发震机制进行研究.张培震等(2009,2012)提 出了汶川地震的多单元组合模式,认为地震的孕育 和发生是川西高原变形单元、龙门山断裂带闭锁单 元和四川盆地支撑单元共同作用的结果.张竹琪等 (2010)的研究结果显示龙门山断裂带深部缓倾角、 浅部高倾角逆冲断层结构对汶川地震有促进作用.

3468

深部结构探测的结果表明汶川地震初始破裂段上地 壳呈现高速异常,并且速度结构和物性结构差异是 控制地震破裂分布的主要因素(邓文泽等,2014).朱 守彪和张培震(2009)、Zhu和 Zhang(2010)、陈棋福 等(2015)、马林飞等(2018)采用数值模拟方法,通过 建立横跨龙门山断裂带的二维平面应变模型,研究 了汶川地震的动力学机制,讨论了摩擦系数和断层 倾角等对地震发生的影响.他们在研究中均采用速率-状态相依的摩擦本构关系模拟断层面上的摩擦机制.

因此,考虑到断层的软化特性对地震失稳的重 要性,本文通过建立横跨龙门山断裂带并包含川西 高原和四川盆地在内的汶川二维平面地震力学模 型,采用有限元方法数值计算得到了包含断层和围 岩在内的整个岩石力学系统的平衡路径曲线.从地 震不稳定性角度详细探讨了汶川地震的孕育发生过 程和失稳机制,分析了断层倾角以及断层材料参数 对系统稳定性状态和地震失稳过程的影响.

1 汶川地震不稳定性模型

1.1 模型的建立

汶川地震发生在龙门山断裂带中段,震中位于 映秀镇西南,同震破裂沿中央断裂和前山断裂以朝 北东方向破裂为主(邓起东等,2011).在地震震源破 裂过程中,南段以逆冲为主,向北逐渐转变为以走滑 为主.如图1所示,取垂直于龙门山断裂带并过汶川 地震初始破裂点的剖面建立模型.由于剖面所在断 裂的同震破裂主要由垂直于断层走向的水平挤压导 致,平面应变假设可近似成立(马林飞等,2018).

过图 1 中剖面建立垂直于龙门山断裂带,包含 川西高原和四川盆地在内的汶川地震不稳定性二维 平面应变地震力学模型,如图 2 所示.模型取从地表 到 Moho 面深度的纵剖面,四川盆地与川西高原以 龙门山断裂带为界.龙门山断层带、川西高原和四川 盆地共同组成统一的断层围岩岩石力学系统.川西 高原地形高度取为 4 km,四川盆地地形高度取 500 m, 龙门山断裂带高度取为 3 km,向东逐渐降低,10 km 后降到四川盆地高度.龙门山断裂带两盘在地表位 置的川西高原一侧为点 *A*,四川盆地一侧为点 *A'*. 模型右侧的四川盆地 Moho 面深度取为 40 km,上 地壳厚度取为 22.5 km;左侧的川西高原 Moho 面 深度为 70 km,上地壳和下地壳厚度分别为 26 km 和 48 km.考虑到四川盆地所在的华南地块相对川 西高原运动速度很低,可视为固定不动,川西高原一



the blue line is the model profile location.



of the Wenchuan earthquake instability

侧受构造加载的推挤作用.因此,在图 2 右端面和四 川盆地 Moho 面取法向约束,在川西高原左端面施 加远场位移 a,Moho 面取自由边界.这样的边界条件模 拟了下地壳物质向上运动的趋势,有利于断层解锁.

考虑到龙门山断裂带在空间几何结构上具有高 角度铲形结构特性,浅地表倾角达 60°~70°,甚至更 陡(张培震等,2008),因此在模型中将其设置成一条 浅部高倾角、深部低倾角的铲形断层.为研究断层倾 角变化对汶川地震失稳的影响,设置了龙门山断裂 带深浅部倾角不同的 3 组模型,几何参数见表 1 所 示.3 组有限元模型如图 3 所示.

1.2 本构关系和材料参数

岩石圈介质在漫长的地质演化历史中具有流变 性质,而在地震发生瞬时,则表现为弹性性质,本文 采用 Maxwell 黏弹性本构模型模拟岩石圈介质在 不同时间尺度的力学性质,本构关系为





图 3 龙门山断裂带深浅部不同倾角的 3 组有限元模型 (a)模型 1;(b)模型 2;(c)模型 3.

Fig. 3 Three finite element models of different dip in the deep and shallow parts of the Longmenshan fault zone (a) Model-1; (b) Model-2; (3) Model-3.

表1 3组模型中龙门山断裂带几何参数

 Table 1 Geometric parameters of the Longmenshan fault zone in three models

模型编号	龙门山断裂带深浅部倾角
模型1	浅地表 70°,随深度倾角逐渐减小,到深部最低处为 35°,总体平均倾角 50°
模型 2	浅地表 75°,随深度倾角逐渐减小,到深部最低处为 40°,总体平均倾角 60°
模型3	浅地表 80°,随深度倾角逐渐减小,到深部最低处为 55°,总体平均倾角 70°
	$K(t) = K, \tag{1}$

$$G(t) = G \mathrm{e}^{-\frac{G}{\eta}t},$$

其中,K(t)和G(t)分别为 Maxwell 模型的体积模量

Ta

和剪切模量,η为黏滞系数,K和G分别为弹性体积 模量和弹性介质模量,可以由线弹性介质的杨氏模 量 E和泊松比ν换算得到(王敏中等,2011).E和ν 可根据研究区深部反演得到的三维P波、S波速度 模型和密度模型计算得到(李平恩等,2019).地震波 速结构(Li et al., 2013)和岩石圈三维流变结构反 演结果(孙玉军等,2013)显示,相比青藏高原东部的 川西高原地区,四川盆地的地壳介质较为坚硬,弹性 模量更大,黏滞系数更高.综合以上结果并参考其他 学者的模型参数取值(朱守彪和张培震,2009;陈棋 福等,2015;刘盼等,2017;马林飞等,2018),计算中 模型材料参数见表2,地壳泊松比统一取为0.25.

	表 2	模型中川西	ī高原和四	川盆地分	} 层材料	参数		
ble 2	Material par	ameters of th	e Western	Sichuan	Plateau	and the	Sichuan	Basin

分层	Жњ	四月	川盆地	川西高原		
	休良	$E/10^{10}$ Pa	$\eta/(10^{23} ext{Pa}\cdot ext{s})$	$E/10^{10}\mathrm{Pa}$	$\eta/(10^{23} \mathrm{Pa} \cdot \mathrm{s})$	
上地壳	地表至地下 22 km	5.0	1.0	5.0	1.0	
下地壳	地下 22 km 至 Moho 面	10.0	0.5	7.0	0.1	

研究中考虑断层的软化特性,并且注意到远场 刚施加位移载荷 a 时,断层并没有错动,只有当断层 受力达到足够大数值时才会发生破裂,因此取龙门 山断裂带具有初始破裂强度,只有当断层面内剪应 力 τ_f达到一定数值时断层才发生破裂进而开始错 动.断层破裂面通常是压剪性破裂,一般采用具有压 力相关性的 Coulomb 型破裂准则,它的剪切强度是

 $\tau_{\rm f} = c - \mu \sigma_{\rm n} = c + \mu \left| \sigma_{\rm n} \right|, \qquad (2)$

式中 σ_n 是垂直断层面的正压力,按弹性力学约定, 以拉应力为正,因此正压力本身取负值. μ 和c是断 层的材料参数,分别称为断层面的内摩擦系数和黏 聚力,且有关系 $\varphi = \arctan\mu, \varphi$ 是内摩擦角.如果断 层面内剪应力用 τ 表示,那么断层的破裂准则为

 $f = \tau - \tau_{f} = \tau - c + \mu \sigma_{n} = 0,$ (3) 它是一个双参数($c \, \pi \mu$)的破裂准则.将断层两盘切 向相对位移称为断层错距 u,为研究断层的稳定性, 至少需要假设一个强度参数($c \, \sigma d \mu$)是断层错距 u的减函数,可采用负指数形式的软化模式(李平恩和殷有泉,2014)

$$c(u) = c_0 e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{u}{u_0}\right)^{2m}}, \qquad (4)$$

或

$$\mu(u) = \mu_0 e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{u}{u_0}\right)^{2m}},$$
(5)

式中 c_0 和 μ_0 分别是断层的初始(当 u=0 时)黏聚 力和內摩擦系数, m 是强度曲线的形状参数, $f m \ge$ 1, u_0 是平均错距的一种度量. 由于 u_0 的选取也能反映 强度曲线的形状,称其为曲线的"胖度"(李平恩和殷 有泉,2009). 为研究的方便,同时取 c 和 μ 分别为如 式(4)和式(5)所示的软化模式,因此,描述断层软化 特性的参数共有 4 个,分别是 c_0 、 μ_0 、 u_0 和 m. 以大 型通用有限元计算程序 ADINA 为计算平台,采用 二次开发技术开发了断层软化本构模块. 断层采用 间断面单元进行模拟,除断层外的其他介质采用 Maxwell 黏弹性本构模型描述. 远场加载速度取为 2 mm • a^{-1} ,总加载量 a 等于加载速度乘以按年计 算的加载时间,总加载时间取 2000 年.

2 地震不稳定性分析

在以上模型参数和加载条件下,给定不同的断 层软化参数,可以计算得到远场位移 a 与四川盆地 一侧右端面约束反力 P 的关系,它们在能量上是共 轭的.对于包含断层和围岩在内的整个岩石力学系 统,可以将 a 看作是输入的控制变量,P 是系统的响 应.在以 a 为横轴,P 为纵轴的坐标平面内,每一个 点(a,P)代表一个平衡状态,整个 a-P 曲线代表所 有的平衡状态,称为平衡路径曲线,可以用来研究整 个系统的稳定性(李平恩和殷有泉,2014).下面具体 讨论断层倾角和断层软化参数对地震不稳定性的 影响.

2.1 初始内摩擦系数的影响

为分析断层初始内摩擦系数对地震失稳的影 响,对于模型 1,取 $c_0 = 5000$ Pa, $u_0 = 0.7$ m, m = 2时,分别计算了初始内摩擦角 $\varphi_0 = \arctan \mu_0$ 取不同 值时的平衡路径曲线,如图4所示.为分析地震从孕 育到发生过程中断层两盘的垂直位移变化特征,同 时给出了龙门山断裂带两盘地表处(川西高原一侧 为点 A,四川盆地一侧为点 A',如图 2 所示)垂直位 移随时间的变化曲线,如图 5 所示.由图 4 可知,当 初始内摩擦角为23°时,从平衡路径曲线来看,随远 场位移 a 的增加,约束反力 P 也缓慢变化,没有发 生突跳,表明断层处于缓慢无震滑动状态,没有地震 失稳发生. 平衡路径曲线有 4 个关键点, 即 C、E、F 和G点,它们将平衡路径曲线分成不同的段,各段 对应的断层运动状态、应力和应变能变化特征不同. 结合图 5 可知,在点 C 之前,断层上下盘垂向位移 增速缓慢且增速相同,表明断层处于闭锁状态,系统 处于整体加载状态,约束反力 P 随远场位移 a 不断 增大. 随远场位移 a 继续增加, 在点 C 开始, 断层上 盘垂直位移增速明显加快,表明断层克服闭锁状态 开始启动并缓慢无震滑动. 在平衡路径曲线应力峰 值点 E 之前的 CE 段,约束反力 P 继续增加,但增 速明显降低,表明在断层缓慢无震滑动过程中储存 的应变能开始不断释放,使得应力增速降低,但释放 的应变能速度小于远场位移加载增加的应变能速 度,因此系统总应变能和应力是持续增加的.峰值应 力点 E 也是平衡路径曲线的转向点,在转向点 E 之 后的 EFG 段,约束反力 P 开始降低,表明其间应变 能释放速度大于远场位移加载增加应变能的速度,

因此系统总应变能和应力持续减小.在 E 点之前, 断层上下盘垂直位移方向相同,均是垂直向上.过 E 点后,断层下盘垂直位移开始变为垂直向下运动,断 层上下两盘垂直运动方向相反. 点 F 将 EFG 段进 一步分为EF 段和FG 段两部分.在EF 段,应力和 断层两盘垂直位移变化速率相对较缓,表明在该阶 段应变能释放速度相对较慢. 而在过点 F 之后的 FG 段,应力减小速度和断层上盘垂直位移增加速 度先显著加快后逐渐变慢,表明应变能释放速度先 明显加快后逐渐变慢,断层无震滑动速度也先明显 加快后逐渐变慢,最后,在点G,约束反力P开始由 减小状态重新转变为增加状态,断层上盘垂直位移 增速降低,断层下盘开始逐渐重新转变为垂直向上 运动.过点G后,系统应力和总应变能又开始增加, 断层上盘或下盘的垂直位移增速逐渐趋于一个稳定 值,断层进入匀速缓慢无震滑动状态.

由图 4 和图 5a 可知,随着初始内摩擦角从 23° 增大到 30°,初始内摩擦系数增大,断层面摩擦系数 越大,断层逐渐由缓慢无震滑动状态转变为闭锁状 态.在此情况下,随着远场位移的不断增加,断层面 内的剪应力越来越大,最终超过克服断层闭锁状态 所需的临界剪应力,导致断层突然错动,伴随应力突 跳,系统失稳从而发生地震.当内摩擦角为 30°时, 从系统平衡路径曲线来看,D是应力峰值点,即力的 转向点.在该点之前,系统的状态是稳定的.D也是 断层启动点,超过此点,断层错动加速,最终在 A 点 失稳,同时地震发生.在A点失稳时,应力由A点突 跳到 B 点,伴随应力降、断层错距和应变能的急剧 释放. 在失稳前的 DA 段, 断层错动加速, 应力开始 降低,应变能开始释放,是失稳的前兆.在失稳临界 点A之前,属于地震孕育阶段,其间围岩应变能大 量储集,变形是渐变的.在临界点 A 发生失稳时,系 统的应力、断层位错和能量均发生突变.这反映了地 震从孕育到发生是一个从渐变到突变的物理过程. 地震失稳后过 B 点,应力和应变能又开始增加,断 层逐渐进入震后无震匀速缓慢滑动状态.随着初始 内摩擦角从 30°增加到 35°,初始内摩擦系数进一步 增大,地震失稳时对应的远场位移更大,应力降和断 层错距更大,体现出克服断层闭锁状态需要的临界 剪应力更大,对应失稳时释放的应变能更多,地震的 震级更高.

由图 5 可知,对于初始内摩擦角为 23°时的无震 滑动状态,上盘和下盘的垂直位移变化特征有所不 同.具体是,在点 C 之前,断层处于闭锁状态,上下 10 期



 $\varphi_0 = 23^\circ$ is stable state, $\varphi_0 = 30^\circ$, $\varphi_0 = 32^\circ$ and $\varphi_0 = 35^\circ$ are unstable states.

盘垂直位移方向一致,均是垂直向上增加,且速率相 等.在断层克服闭锁状态开始无震滑动的 CE 段,上 盘垂直位移增速相比闭锁状态时是增加的,而下盘 虽然垂直位移增速相比闭锁状态时减小,但总的垂 直位移仍然是增加的,表明在此阶段,上下盘之间的 黏结作用导致断层两盘垂直位移方向仍然保持一 致,整体均处于垂直向上运动的状态. 过转向点 E 之后,随着应变能的加速释放,上下盘之间的黏结作 用降低,上盘和下盘的垂直运动方向开始反向,表现 为上盘垂直向上运动,下盘垂直向下运动.过点G 后,应力和应变能又开始增加,断层上盘垂直位移增 速逐渐降低并趋于稳定,断层下盘由垂直向下运动 逐渐转变为垂直向上缓慢匀速运动,上下盘的垂直 运动方向均为垂直向上,趋于一致.最后断层保持缓 慢匀速滑动.对于初始内摩擦角为 30°时的地震失 稳状态,断层两盘在峰值应力点 D 之前一直处于闭 锁状态,两盘的垂直位移增速相同,方向垂直向上. 过 D 点后,断层克服闭锁状态开始启动,并且加速 错动,断层上下两盘的垂直运动方向相反,上盘垂直 向上、下盘垂直向下运动.最后,断层两盘垂直位移 在失稳点 A 发生突跳,上盘川西高原一侧垂直向 上,下盘四川盆地一侧垂直向下,体现出逆冲地震的 特征,上盘垂直位移变化量明显高于下盘.地震失稳 后,断层上盘很快恢复到垂直向上匀速运动状态,断 层下盘也由垂直向下运动逐渐转变到垂直向上匀速 运动状态,断层进入震后缓慢匀速无震滑动状态.随 着初始内摩擦角进一步增加,地震失稳突跳的时间



延后,失稳时断层错距增大,失稳前的断层加速错动 阶段变短.由图4和图5进一步可知,初始内摩擦系 数变化时,系统无论是断层缓慢无震滑动状态还是 地震失稳状态,系统重新进入应力和应变能增加状 态后,约束反力 P 随远场位移 a 的增速是一致的, 并且断层上盘或下盘的垂直位移增速也是一致的.

根据前述分析,汶川地震从孕育到发生的过程 与图 4 和图 5 中对应的不稳定的地震失稳情况是相 同的,考虑到其震级达到 *M*_s8.0,龙门山断裂带初始 内摩擦系数可能较大.

2.2 断裂带倾角的影响

为分析龙门山断裂带深浅部倾角对地震失稳的 影响,计算参数取 $c_0 = 5000$ Pa, $u_0 = 0.7$ m, m = 2, $\varphi_0 = 15^{\circ}$ 时,给出模型 1 至模型 3 的平衡路径曲线,







The Model-1 and Model-2 are stable states, the Model-3 is unstable state.

如图 6 所示.由图可知,当断层深浅部总体平均倾角 由 50°增加到 70°时,系统逐渐由稳定的无震滑动状 态转变为地震失稳状态,并且地震失稳时对应的远 场位移比无震滑动时断层启动点对应的远场位移更 大.表明在相同的孕震条件下,断层倾角越大,越具 备发生地震的条件,但需要更长的孕震时间;倾角越 小,围岩储存的应变能通过断层无震滑动的方式释 放掉,不容易发生地震.对于断层无震滑动或地震失 稳情况,系统重新进入应力和应变能增加状态后,约 束反力 P 随远场位移 a 的增速是不同的,与断层倾 角有关,总体而言,倾角越大,约束反力 P 随远场位 移 a 的增速越大.

当发生地震失稳时,为研究断裂带倾角的影响, 取计算参数 $c_0 = 10000 \text{ Pa}, u_0 = 0.7 \text{ m}, m = 2, \varphi_0 =$ 45°时,给出模型1至模型3的平衡路径曲线,如图7 所示.由图可知,当断层深浅部总体平均倾角由50° 增加到70°时,失稳时对应的远场位移增大,表明克 服断层闭锁状态需要的临界剪应力更大,孕震时间 更长;但突跳时的应力降先增加再减小.图8给出了 断层两盘地表处垂直位移随时间的变化.由图可知, 断层倾角越大,地震失稳发生的时间越晚.随断层倾 角增加,对于断层下盘,地震失稳时垂直位移变化量 越大;对于断层下盘,地震失稳时垂直位移变化量先 减小再增大.断层倾角越大,地震失稳时断层错距越 大.地震失稳断层进入缓慢匀速无震滑动状态后,应 力增速以及断层上盘或下盘的垂直位移增速与断层



断层两盘垂直位移增速也稍大.

2.3 初始黏聚力的影响

为分析断层初始黏聚力对地震失稳的影响,对 于模型 1,取计算参数为 $u_0 = 0.7 \text{ m}, m = 2, \varphi_0 = 25^\circ$ 时,分别计算了初始黏聚力 c。取不同值时的平衡路 径曲线,如图 9 所示.由图可知,当初始黏聚力增加 时,断层逐渐从稳定的缓慢无震滑动状态转变到失稳 状态.并且初始黏聚力越大,地震失稳突跳时对应的 远场位移越大,应力降也越大.这表明断层初始黏聚 力越大,断层更容易处于闭锁状态,闭锁时间越长,克 服闭锁状态需要的剪应力也越大.在断层闭锁期间, 随远场位移的增加,断层附近围岩持续变形,将有利 于积累更多的应变能.当断层面内剪应力超过克服闭 锁状态需要的临界剪应力时,围岩储存的大量应变能 容易在极短的时间内得到释放,伴随应力降和断层突 然错动,导致地震发生.初始黏聚力越小,断层克服闭 锁状态需要的剪应力越小,断层容易滑动,这导致断 层附近围岩不容易发生持续变形,进而积累更多的应 变能. 围岩存储的应变能更容易在断层缓慢无震滑动 中释放掉,不会发生地震.对于汶川 Ms8.0 特大地震 而言,断层的初始黏聚力可能非常大,这样导致地震 的孕育时间非常长,能积累极大的应变能.

2.4 强度曲线胖度参数的影响

为分析强度曲线胖度参数对地震失稳的影响, 对于模型1,取计算参数为 $c_0 = 5000$ Pa, $m = 2, \varphi_0 = 25^{\circ}$ 时,分别计算了胖度参数 u_0 取不同值时的平衡 路径曲线,如图10 所示.图11 给出胖度参数取不同





Fig. 8 Variation of vertical displacement with time at the surface of two sides of the Longmenshan fault zone with different dip in the deep and shallow parts when earthquake instability

(a) Point A on the side of the Western Sichuan Plateau;(b) Point A' on the side of the Sichuan Basin.

值时的断层两盘地表处垂直位移随时间的变化.由 图 10 可知,胖度参数增加时,断层从不稳定的失稳 状态逐渐转变到稳定的无震滑动状态,并且断层无 震滑动的启动点对应的远场位移增大.表明胖度参 数增大会导致断层趋于无震滑动.由图 10 和图 11 可知,尽管胖度参数越小,越容易发生地震失稳,但 断层闭锁状态的时间也越短,失稳点越提前,地震发 生时的应力降和断层错距越小,释放的应变能也越 小,相应的孕震时间也越短.考虑到汶川地震的震级 达到 M_s8.0,不同研究结果均显示其复发周期长达 千年量级(张培震等,2008;朱守彪和张培震,2009), 因此龙门山断裂带的胖度参数可能较大.

2.5 强度曲线形状参数的影响

为分析强度曲线形状参数对地震失稳的影响,







对于模型 1,取计算参数为 $c_0 = 5000$ Pa, $u_0 = 0.7$ m, $\varphi_0 = 25^{\circ}$ 时,分别计算了形状参数 m 取不同值时的平 衡路径曲线,如图 12 所示.由图可知,随着形状参数 从 1 增加到 7,断层从稳定的缓慢无震滑动状态逐 渐转变到不稳定的失稳状态.当发生地震失稳时,随 形状参数增大,失稳点对应的时间和地震发生时的 应力降也有所增加,但增加量逐渐减小.形状参数 m 越大,材料脆性越大,当 m 趋于无穷大时,对应理想 脆性材料(李平恩和殷有泉,2009).因此,当 m 增大



 $u_0 = 0.9 \text{ m}$ 为稳定状态, $u_0 = 0.21 \text{ m}$ 和 $u_0 = 0.3 \text{ m}$ 为失稳状态. Fig. 11 Variation of vertical displacement with time at the surface of two sides of the Longmenshan fault zone with

different fatness parameters of strength curve (a) Point A on the side of the Western Sichuan Plateau; (b) Point A' on the side of the Sichuan Basin. $u_0 = 0.7$ m and $u_0 = 0.9$ m are stable states, $u_0 = 0.21$ m and $u_0 = 0.3$ m are unstable states.

到一定值时,继续增加 m 值,地震失稳时对应的时间和应力降不再发生显著变化,如图 12 所示.

3 讨论

考虑断层的软化特性时,断层倾角以及断层材 料参数对地震稳定性均有影响.当这些参数变化时, 整个岩石力学系统会表现为稳定和不稳定2种不同 状态.

对于稳定状态情况,如图 4 至图 5,断层初始处 于闭锁状态,随着远场位移的增大,断层会克服闭锁 状态开始缓慢无震滑动,其间围岩中储存的应变能 会不断释放,但释放的应变能速度小于远场位移加



载增加的应变能速度,因此虽然应力增速降低,但应 力是增加的,系统总应变能也是增加的.当达到应力 峰值点之后,断层无震滑动速度逐渐加快,应变能释 放速度也逐渐增大,且应变能释放速度超过远场加 载增加的应变能速度,系统总应变能不断减少,应力 也不断降低,表明存储的应变能通过断层无震滑动 的方式快速释放,这个能量大部分转化为断层摩擦 滑动产生的热.随着应变能的不断释放,应力减小速 度和断层滑动速度不断降低.最后,在远场位移作用 下,应力和总应变能又开始匀速增加,断层进入缓慢 匀速无震滑动状态.

对于不稳定状态情况,如图4至图5,初始断层 一直处于闭锁状态,当达到应力峰值点之后,断层开 始克服闭锁状态启动,并且错动加速,应力开始降 低,应变能开始释放.应力峰值点是应力增加和减小 的分界点,过该点后,随着断层错动加速,最终在失 稳点发生地震,储存在围岩中的应变能在极短的时 间内急剧释放,同时发生应力突跳,伴随应力降和断 层突然错动产生断层错距. 在失稳点之前属于地震 孕育阶段,应力、变形和应变能的变化是渐变的.在 失稳点发生地震失稳时,应力、变形和应变能的变化 是突变的,是地震的发生阶段.系统稳定性分析充分 反映了地震从孕育到发生是一种从渐变到突变的物 理过程.地震发生后,应力和总应变能又开始增加, 断层进入震后缓慢无震匀速滑动状态.研究得到一 个地震周期内整个岩石力学系统的应变能从积累到 突然释放的全过程,与马林飞等(2018)采用速率-状 态相依断层摩擦本构的模拟结果吻合.

对于地震失稳情况的平衡路径曲线,在应力峰 值点和失稳点之间是断层错动加速阶段,是失稳的 前兆,其间应力开始连续降低,应变能开始连续释 放.断层倾角和断层材料参数取不同值时的计算结 果显示,在大部分情况下,该阶段存在的时间是短暂 的,在有些情况下应力峰值点和失稳点非常接近,这 表明断层刚克服闭锁状态进入加速错动阶段后就很 快发生地震失稳,导致失稳前兆的存在时间异常 短暂.

当断层材料参数,即初始内摩擦系数、初始黏聚 力、强度曲线胖度和形状参数变化时,可能影响整个 岩石力学系统的稳定性状态,如图4至图5、图9至 图 12 所示,但无论是稳定的断层无震滑动状态还是 不稳定的地震失稳状态,当应力和总应变能重新进 入增加状态后,约束反力的增速是相同的,断层上盘 或下盘垂直位移的增速也是相同的.而当断层倾角 不同时,如图6至图8所示,当应力和总应变能重新 进入增加状态后,约束反力的增速以及断层两盘垂 直位移的增速是不同的.这表明应力和应变能的增 速由远场加载速度、岩石力学系统的结构和围岩材 料属性决定,与断层软化特性参数无关.研究结果显 示,断层浅部为高倾角 70°时,深部为缓倾角 35°时, 岩石力学系统也会发生失稳,这从数值模拟角度支 持了宫猛等(2020)得到的汶川地震破裂断层面倾角 为 35°的结果.

文中没有讨论重力的影响,这是因为本文重点 关注的是断层软化特性对地震失稳的影响.定性来 讲,考虑重力时会引起断层面上的正应力σ_n和剪应 力τ发生变化,进而通过式(3)影响断层的破裂状 态.但总体而言,重力并没有直接改变断层的软化本 构特性,因为断层黏聚力式(4)和内摩擦系数式(5) 并没有改变,因此重力对地震稳定性状态的影响是 通过改变断层面上的应力间接实现的,并非导致地 震失稳的本质原因,具体影响将在今后的工作中进 一步讨论.

川西高原和四川盆地的材料参数的不确定性对 地震稳定性状态的影响与重力的情况类似,都是通 过改变断层面上的应力间接影响地震失稳,并不会 改变整个岩石力学系统稳定和不稳定的2种状态, 对于不稳定状态,仅仅会影响地震发生失稳的时间 和地震失稳时的断层错距等.姚琪等(2012)分析了 断层两盘岩性差异对汶川地震的影响.实际计算中, 我们也对多组川西高原和四川盆地的材料参数模型 进行了分析,进一步验证了以上结论. 汶川地震从孕育到发生的过程和失稳机制与图 4 和图 5 中的地震失稳情况是相同的,仅仅是平衡路 径曲线的具体形态可能存在差异.基于前面的分析, 总体而言,龙门山断裂带的高倾角铲形结构有助于 孕育高达 M_s8.0 的逆冲型地震.同时,龙门山断裂 带的初始内摩擦系数 μ₀、初始黏聚力 c₀ 和强度曲线 形状参数 m 可能都较大.尽管强度曲线胖度参数 u₀ 越大时更容易导致断层无震滑动,考虑到 u₀ 增加会 导致断层闭锁时间增加,有利于积累更多的应变能, 因此推测龙门山断裂带的 u₀ 值可能也较大.龙门山 断裂带 4 个软化材料参数的综合效果是有利于整个 岩石力学系统增加断层闭锁时间(地震孕育时间), 积累更多的应变能,以致于最终发生汶川M_s8.0 地震.

构成断层的介质均属于岩石类介质.大量三轴 岩石力学实验结果显示,岩石在加载受力破坏过程 中,当岩石的应力达到峰值屈服强度之后,随着变形 继续增加,岩石强度会发生劣化或降低,称为岩石的 软化特性.考虑到岩石介质的软化特性,马瑾和郭彦 双(2014)开展了平直断层失稳的实验室模拟研究. 实验加载时在 X 方向压力保持不变, Y 方向按位移 控制方式加载,且位移速率保持不变,最后得到差应 力-时间的全过程曲线,完整体现了地震从孕育到突 然失稳的全过程.本文平衡路径曲线的横坐标是远 场位移加载总量,由于是匀速加载,因此横坐标与时 间线性相关.纵坐标是四川盆地一侧右端面约束反 力 P,由于模型的上表面和底面均自由,因此约束反 力 P 可视为垂向和水平向的差应力.因此把平衡路 径曲线转换为垂向和水平向的差应力-时间曲线时, 形态保持不变.本文数值模拟给出的地震失稳状态 下的平衡路径曲线从形态上与马瑾和郭彦双(2014) 的差应力-时间曲线完全一致,数值模拟结果与物理 实验结果是吻合的.

最近,有学者采用基于区域多个震源机制解反 演定量应力张量的方法对汶川地震前孕震区的应力 状态进行了研究,推断孕震区在2007年中期达到应 力峰值,并且获得了显著证据证明在峰值前应力随 时间平稳变化并以积累为主,而在峰值后则转变为 明显的应力释放阶段(王凯英等,2018).这表明汶川 地震前,区域应力存在由积累为主转为释放为主的 可观测阶段.该研究结果与地震失稳情况下在应力 峰值点前后的应力变化特征是吻合的.本文为汶川 地震前的应力变化研究结果从机理上给出了一种 解释.

4 结论

3476

本文考虑断层的软化特性,通过建立垂直于龙 门山断裂带的汶川地震平面地震力学模型,从系统 稳定性角度研究了汶川地震的孕育发生过程和失稳 机制,探讨了断层倾角和断层材料参数变化对系统 稳定状态和地震失稳过程的影响.研究表明,当断层 倾角或断层材料参数变化时,系统可能表现为稳定 的断层缓慢无震滑动或不稳定的地震失稳 2 种状 态.初始内摩擦系数、断层倾角、初始黏聚力和强度 曲线形状参数增大、或者强度曲线胖度参数减小均 会导致整个岩石力学系统更趋向于不稳定的地震失 稳状态.当发生地震失稳时,初始内摩擦系数越大、 初始黏聚力越大,失稳时的应力降越大,相应地震震 级更高.在相同的孕震条件下,断层倾角增加有助于 地震的发生;倾角越小,储存的应变能可能通过断层 无震滑动的方式释放掉,不容易发生地震.地震失稳 前在应力峰值点和失稳点之间是断层加速错动的阶 段,在该阶段应力开始减小,应变能开始释放,是失 稳的前兆.无论是稳定的断层无震滑动状态还是不 稳定的地震失稳状态,当应力和总应变能重新进入 增加状态后,应力和断层两盘位移变化速率由远场 加载速度、岩石力学系统的结构和围岩材料属性决 定,与断层的软化特性参数无关.

致谢 感谢三位匿名审稿专家为提高本文质量给出 的有益意见和建议.

References

- Chen Q F, Hua C, Li L, et al. 2015. Viscoelastic simulation of deep tectonic deformation of the Longmenshan fault zone and its implication for strong earthquakes. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 58(11): 4129-4137, doi: 10.6038/ cjg20151120.
- Deng Q D, Chen G H, Zhu A L. 2011. Discussion of rupture mechanisms on the seismogenic fault of the 2008 M₈8.0
 Wenchuan earthquake. Science China Earth Sciences, 54(9): 1360-1377, doi: 10.1007/s11430-011-4230-1.
- DengW Z, Chen J H, Guo B, et al. 2014. Fine velocity structure of the Longmenshan fault zone by double-difference tomography. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 57(4): 1101-1110, doi: 10.6038/cjg20140408.
- Gan W J, Zhang P Z, Shen Z K, et al. 2007. Present-day crustal motion within the Tibetan Plateau inferred from GPS measurements. *Journal of Geophysical Research*: Solid Earth, 112: B08416, doi: 10.1029/2005JB004120.

- Gong M, Xu X W, Li K. 2020. Fault geometry responsible for the initial rupture process of Wenchuan earthquake. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 63(3): 1224-1234, doi: 10.6038/ cjg2020N0255.
- Li P E, Yin Y Q. 2009. A simply model for earthquake instability. *Earthquake Research in China* (in Chinese), 25(3): 265-273.
- Li P E, Yin Y Q. 2014. An instability model for fault earthquake genesis and occurrence. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 57(1): 157-166, doi: 10.6038/cjg20140114.
- Li P E, Liao L, Feng J Z, et al. 2019. Numerical simulation of relationship between stress evolution and strong earthquakes around the Bayan Har block since 1900. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 62(11): 4170-4188, doi: 10.6038/ cjg2019M0660.
- Li Y H, Wu Q J, Pan J T, et al. 2013. An upper-mantle S-wave velocity model for East Asia from Rayleigh wave tomography. *Earth and Planetary Science Letters*, 377-378: 367-377.
- Liu P, Li P E, Liao L. 2017. Discussion of relationship between the Wenchuan earthquake and Lushan earthquake from the viewpoint of Coulomb failure stress change and spatial distribution of aftershocks. *Technology for Earthquake Disaster Prevention* (in Chinese), 12 (1): 40-55.
- Ma J, Guo Y S. 2014. Accelerated synergism prior to fault instability: Evidence from laboratory experiments and an earthquake case. Seismology and Geology (in Chinese), 36(3): 547-561.
- Ma L F, Tao W, Zhang Y, et al. 2018. The numerical simulation study of the earthquake cycles and the dynamic evolutionary processes on the Longmen Shan fault. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 61(5): 1824-1839, doi: 10.6038/ cjg2018M0226.
- Nur A. 1978. Nonuniform friction as a physical basis for earthquake mechanics. Pure and Applied Geophysics, 116(4-5): 964-989.
- Ran Y K, Chen W S, Xu X W, et al. 2013. Paleoseismic events and recurrence interval along the Beichuan-Yingxiu fault of Longmenshan fault zone, Yingxiu, Sichuan, China. *Tectonophysics*, 584: 81-90.
- Reches Z, Lockner D A. 2010. Fault weakening and earthquake instability by powder lubrication. *Nature*, 467(7314): 452-455.
- Rice J R. 1979. Theory of precursory processes in the inception of earthquake rupture. *Gerlands Beitrage zur Geophysik*, 88: 91-127.
- Rice J R. 1983. Constitutive relations for fault slip and earthquake instabilities. *Pure and Applied Geophysics*, 121(3): 443-475.
- Rudnicki J W. 1988. Physical models of earthquake instability and precursory processes. *Pure and Applied Geophysics*, 126 (2-4): 531-554.
- Stuart W D. 1979a. Quasi-static earthquake mechanics. Reviews of Geophysics, 17(6): 1115-1120.
- Stuart W D. 1979b. Strain-softening instability model for the San Fernando earthquake. *Science*, 203(4383): 907-910.
- Stuart W D, Mavko G M. 1979. Earthquake instability on a strikeslip fault. Journal of Geophysical Research : Solid Earth, 84 (B5): 2153-2160.
- Sun Y J, Dong S W, Fan T Y, et al. 2013. 3D rheological structure of the continental lithosphere beneath China and adjacent regions. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 56(9):

10 期

- Wang K Y, Guo Y S, Feng X D. 2018. Sub-instability stress state prior to the 2008 Wenchuan earthquake from temporal and spatial stress evolution. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 61(5): 1883-1890, doi: 10.6038/cjg2018M0225.
- Wang L J, Cui J W, Zhou C J, et al. 2009. Numerical modeling for Wenchuan earthquake mechanism. *Journal of Geomechanics* (in Chinese), 15(2): 105-113.
- Wang L J, Wang W, Cui J W, et al. 2011. Stress field and modeling of instability mechanism of Yushu M_S7.1 earthquake. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 54(11): 2779-2787, doi: 10.3969/j.issn.0001-5733.2011.11.008.
- Wang M Z, Wang W, Wu J K. 2011. Elastic Mechanics (in Chinese). Beijing: Peking University Press.
- Yao Q, Xing H L, Xu X W, et al. 2012. Influence of lithologic differences on either walls of the fault on the Wenchuan earthquake. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 55 (11): 3634-3647, doi: 10.6038/j.issn.0001-5733.2012.11.012.
- Yin Y Q, Zhang H. 1982. A mathematical model of strain softening in simulation earthquake. *Chinese Journal of Geophysics (Acta Geophysica Sinica)* (in Chinese), 25(5): 414-423.
- Yin Y Q, Zhang H. 1984. The softening behaviour of fault zone medium and an instability model of earthquakes. Acta Seismologica Sinica (in Chinese), 6(2): 123-145.
- Zhang P Z, Xu X W, Wen X Z, et al. 2008. Slip rates and recurrence intervals of the Longmen Shan active fault zone and tectonic implications for the mechanism of the May 12 Wenchuan earthquake, 2008, Sichuan, China. Chinese Journal of Geophysics (in Chinese), 51(4): 1066-1073.
- Zhang P Z, Wen X Z, Xu X W, et al. 2009. Tectonic model of the great Wenchuan earthquake of May 12, 2008, Sichuan, China. *Chinese Science Bulletin* (in Chinese), 54(7): 944-953.
- Zhang P Z, Zhu S B, Zhang Z Q, et al. 2012. Seismogenic structure and rupture mechanism of the $M_{\rm S}8.0$ Wenchuan earthquake. *Seismology and Geology* (in Chinese), 34(4), 566-575.
- Zhang Z Q, Zhang P Z, Wang Q L. 2010. The structure and seismogenic mechanism of Longmenshan high dip-angle reverse fault. Chinese Journal of Geophysics (in Chinese), 53(9): 2068-2082, doi: 10.3969/j.issn.0001-5733.2010.09.007.
- Zhu S B, Zhang P Z. 2009. A study on the dynamical mechanisms of the Wenchuan M₈8. 0 earthquake. *Chinese Journal of Geophysics* (in Chinese), 52(2): 418-427.
- Zhu S B, Zhang P Z. 2010. Numeric modeling of the strain accumulation and release of the 2008 Wenchuan, Sichuan, China, earthquake. Bulletin of the Seismological Society of America, 100(5B): 2825-2839.

附中文参考文献

- 陈棋福,华诚,李乐等. 2015. 龙门山断裂带深部构造变形的黏弹 性模拟及其与强震活动的关联性探讨. 地球物理学报,58(11): 4129-4137, doi: 10.6038/cjg20151120.
- 邓起东,陈桂华,朱艾澜. 2011. 关于 2008 年汶川 Ms8.0 地震震源

断裂破裂机制几个问题的讨论.中国科学:地球科学,41(11): 1559-1576.

- 邓文泽,陈九辉,郭飚等.2014.龙门山断裂带精细速度结构的双 差层析成像研究.地球物理学报,57(4):1101-1110,doi:10. 6038/cjg20140408.
- 宫猛,徐锡伟,李康. 2020. 汶川 Mw7.9 地震起始破裂断层几何结构. 地球物理学报,63(3):1224-1234, doi: 10.6038/cjg2020N0255.
- 李平恩,殷有泉. 2009. 地震不稳定性的一个简单模型. 中国地震, 25(3): 265-273.
- 李平恩,殷有泉. 2014. 断层地震孕育和发生的不稳定性模型. 地 球物理学报,57(1):157-166, doi: 10.6038/cjg20140114.
- 李平恩, 廖力, 奉建州等. 2019. 1900 年以来巴颜喀拉块体应力演 化与周缘强震关系的数值模拟研究. 地球物理学报, 62(11): 4170-4188, doi: 10.6038/cjg2019M0660.
- 刘盼,李平恩,廖力. 2017. 从库仑破裂应力和余震分布角度探讨 汶川地震和芦山地震的关系. 震灾防御技术, 12(1): 40-55.
- 马瑾,郭彦双. 2014. 失稳前断层加速协同化的实验室证据和地震 实例. 地震地质, 36(3): 547-561.
- 马林飞,陶玮,张永等. 2018. 龙门山断层地震周期及其动力学过 程模拟研究.地球物理学报,61(5):1824-1839,doi:10.6038/ cjg2018M0226.
- 孙玉军,董树文,范桃园等. 2013. 中国大陆及邻区岩石圈三维流变 结构. 地球物理学报,56(9):2936-2946.
- 王凯英,郭彦双,冯向东. 2018. 应力时空演化揭示出的汶川地震前亚失稳过程. 地球物理学报,61(5):1883-1890, doi: 10. 6038/cjg2018M0225.
- 王连捷,崔军文,周春景等. 2009. 汶川 5.12 地震发震机理的数值 模拟. 地质力学学报, 15(2): 105-113.
- 王连捷,王薇,崔军文等. 2011. 青海玉树 Ms7.1级地震发震应力 场与非稳定发震机理的模拟. 地球物理学报,54(11):2779-2787, doi: 10.3969/j.issn.0001-5733.2011.11.008.
- 王敏中, 王炜, 武际可. 2011. 弹性力学教程. 北京: 北京大学出版社.
- 姚琪,邢会林,徐锡伟等. 2012. 断裂两盘岩性差异对汶川地震的 影响. 地球物理学报,55(11):3634-3647, doi: 10.6038/j. issn.0001-5733.2012.11.012.
- 殷有泉,张宏. 1982. 模拟地震的应变软化的数学模型. 地球物理 学报,25(5):414-423.
- 殷有泉,张宏. 1984. 断裂带内介质的软化特性和地震的非稳定模型. 地震学报,6(2):135-145.
- 张培震,徐锡伟,闻学泽等. 2008. 2008 年汶川 8.0 级地震发震断 裂的滑动速率、复发周期和构造成因.地球物理学报,51(4): 1066-1073.
- 张培震,闻学泽,徐锡伟等. 2009. 2008 年汶川 8.0 级特大地震孕 育和发生的多单元组合模式.科学通报,54(7):944-953.
- 张培震,朱守彪,张竹琪等. 2012. 汶川地震的发震构造与破裂机 理. 地震地质,34(4): 566-575.
- 张竹琪,张培震,王庆良. 2010. 龙门山高倾角逆断层结构与孕震 机制.地球物理学报,53(9):2068-2082, doi: 10.3969/j.issn. 0001-5733.2010.09.007.
- 朱守彪,张培震. 2009. 2008 年汶川 Ms8.0 地震发生过程的动力学 机制研究. 地球物理学报,52(2):418-427.

²⁹³⁶⁻²⁹⁴⁶